

Corrigé de l'exercice 1

Résoudre les équations suivantes :

►1. $t^2 - 5t - 14 = 0$

Je calcule $\Delta = (-5)^2 - 4 \times 1 \times (-14) = 81$ et $\sqrt{81} = 9$.

Comme $\Delta > 0$, $P(t)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-(-5) - \sqrt{81}}{2 \times 1} &= \frac{5 - \sqrt{81}}{2} & \frac{-(-5) + \sqrt{81}}{2 \times 1} &= \frac{5 + \sqrt{81}}{2} \\ &= \frac{5 - 9}{2} & &= \frac{5 + 9}{2} \\ &= \frac{-4}{2} & &= \frac{14}{2} \\ &= -2 & &= 7 \end{aligned}$$

Les racines de P sont $t_1 = -2$ et $t_2 = 7$.

►2. $-11z^2 - 6z + 5 = 0$

Je calcule $\Delta = (-6)^2 - 4 \times (-11) \times 5 = 256$ et $\sqrt{256} = 16$.

Comme $\Delta > 0$, $P(z)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-(-6) + \sqrt{256}}{2 \times (-11)} &= \frac{6 + \sqrt{256}}{-22} & \frac{-(-6) - \sqrt{256}}{2 \times (-11)} &= \frac{6 - \sqrt{256}}{-22} \\ &= \frac{6 + 16}{-22} & &= \frac{6 - 16}{-22} \\ &= \frac{22}{-22} & &= \frac{-10}{-22} \\ &= -1 & &= \frac{5 \times (-2)}{11 \times (-2)} \\ & & &= \frac{5}{11} \end{aligned}$$

Les racines de P sont $z_1 = -1$ et $z_2 = \frac{5}{11}$.

►3. $t^2 + 4t - 4 = 0$

Je calcule $\Delta = 4^2 - 4 \times 1 \times (-4) = 32$ et $\sqrt{32} = 4\sqrt{2}$.

Comme $\Delta > 0$, $P(t)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-4 - \sqrt{32}}{2 \times 1} &= \frac{-4 - \sqrt{32}}{2} & \frac{-4 + \sqrt{32}}{2 \times 1} &= \frac{-4 + \sqrt{32}}{2} \\ &= \frac{-4 - 4\sqrt{2}}{2} & &= \frac{-4 + 4\sqrt{2}}{2} \\ &= \frac{-2 \times 2 - 2 \times 2\sqrt{2}}{1 \times 2} & &= \frac{-2 \times 2 + 2 \times 2\sqrt{2}}{1 \times 2} \\ &= -2 - 2\sqrt{2} & &= -2 + 2\sqrt{2} \end{aligned}$$

Les racines de P sont $t_1 = -2 - 2\sqrt{2}$ et $t_2 = -2 + 2\sqrt{2}$.

Corrigé de l'exercice 2

Résoudre les équations suivantes :

►1. $y^2 + 7y = 0$

Je calcule $\Delta = 7^2 - 4 \times 1 \times 0 = 49$ et $\sqrt{49} = 7$.

Comme $\Delta > 0$, $P(y)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-7 - \sqrt{49}}{2 \times 1} &= \frac{-7 - \sqrt{49}}{2} & \frac{-7 + \sqrt{49}}{2 \times 1} &= \frac{-7 + \sqrt{49}}{2} \\ &= \frac{-7 - 7}{2} & &= \frac{-7 + 7}{2} \\ &= \frac{-14}{2} & &= \frac{0}{2} \\ &= -7 & &= 0 \end{aligned}$$

Les racines de P sont $y_1 = -7$ et $y_2 = 0$.

►2. $35x^2 + 38x + 8 = 0$

Je calcule $\Delta = 38^2 - 4 \times 35 \times 8 = 324$ et $\sqrt{324} = 18$.

Comme $\Delta > 0$, $P(x)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-38 - \sqrt{324}}{2 \times 35} &= \frac{-38 - \sqrt{324}}{70} & \frac{-38 + \sqrt{324}}{2 \times 35} &= \frac{-38 + \sqrt{324}}{70} \\ &= \frac{-38 - 18}{70} & &= \frac{-38 + 18}{70} \\ &= \frac{-56}{70} & &= \frac{-20}{70} \\ &= \frac{-4 \times 14}{5 \times 14} & &= \frac{-2 \times 10}{7 \times 10} \\ &= \frac{-4}{5} & &= \frac{-2}{7} \end{aligned}$$

Les racines de P sont $x_1 = \frac{-4}{5}$ et $x_2 = \frac{-2}{7}$.

►3. $-y^2 + y - 7 = 0$

Je calcule $\Delta = 1^2 - 4 \times (-1) \times (-7) = -27$.

Comme $\Delta < 0$, $P(y)$ n'a pas de racines.

Corrigé de l'exercice 3

Résoudre les équations suivantes :

►1. $z^2 - 2z - 8 = 0$

Je calcule $\Delta = (-2)^2 - 4 \times 1 \times (-8) = 36$ et $\sqrt{36} = 6$.

Comme $\Delta > 0$, $P(z)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-(-2) - \sqrt{36}}{2 \times 1} &= \frac{2 - \sqrt{36}}{2} & \frac{-(-2) + \sqrt{36}}{2 \times 1} &= \frac{2 + \sqrt{36}}{2} \\ &= \frac{2 - 6}{2} & &= \frac{2 + 6}{2} \\ &= \frac{-4}{2} & &= \frac{8}{2} \\ &= -2 & &= 4 \end{aligned}$$

Les racines de P sont $z_1 = -2$ et $z_2 = 4$.

►2. $-4t^2 + 3t + 1 = 0$

Je calcule $\Delta = 3^2 - 4 \times (-4) \times 1 = 25$ et $\sqrt{25} = 5$.

Comme $\Delta > 0$, $P(t)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-3 + \sqrt{25}}{2 \times (-4)} &= \frac{-3 + \sqrt{25}}{-8} & \frac{-3 - \sqrt{25}}{2 \times (-4)} &= \frac{-3 - \sqrt{25}}{-8} \\ &= \frac{-3 + 5}{-8} & &= \frac{-3 - 5}{-8} \\ &= \frac{2}{-8} & &= \frac{-8}{-8} \\ &= \frac{-1 \times (-2)}{4 \times (-2)} & &= 1 \\ &= \frac{-1}{4} & & \end{aligned}$$

Les racines de P sont $t_1 = \frac{-1}{4}$ et $t_2 = 1$.

►3. $z^2 + 8z + 9 = 0$

Je calcule $\Delta = 8^2 - 4 \times 1 \times 9 = 28$ et $\sqrt{28} = 2\sqrt{7}$.

Comme $\Delta > 0$, $P(z)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-8 - \sqrt{28}}{2 \times 1} &= \frac{-8 - \sqrt{28}}{2} & \frac{-8 + \sqrt{28}}{2 \times 1} &= \frac{-8 + \sqrt{28}}{2} \\ &= \frac{-8 - 2\sqrt{7}}{2} & &= \frac{-8 + 2\sqrt{7}}{2} \\ &= \frac{-4 \times 2 - 1 \times 2\sqrt{7}}{1 \times 2} & &= \frac{-4 \times 2 + 1 \times 2\sqrt{7}}{1 \times 2} \\ &= -4 - \sqrt{7} & &= -4 + \sqrt{7} \end{aligned}$$

Les racines de P sont $z_1 = -4 - \sqrt{7}$ et $z_2 = -4 + \sqrt{7}$.

Corrigé de l'exercice 4

Résoudre les équations suivantes :

►1. $y^2 + 9y + 14 = 0$

Je calcule $\Delta = 9^2 - 4 \times 1 \times 14 = 25$ et $\sqrt{25} = 5$.

Comme $\Delta > 0$, $P(y)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-9 - \sqrt{25}}{2 \times 1} &= \frac{-9 - \sqrt{25}}{2} & \frac{-9 + \sqrt{25}}{2 \times 1} &= \frac{-9 + \sqrt{25}}{2} \\ &= \frac{-9 - 5}{2} & &= \frac{-9 + 5}{2} \\ &= \frac{-14}{2} & &= \frac{-4}{2} \\ &= -7 & &= -2 \end{aligned}$$

Les racines de P sont $y_1 = -7$ et $y_2 = -2$.

►2. $45t^2 - 23t - 56 = 0$

Je calcule $\Delta = (-23)^2 - 4 \times 45 \times (-56) = 10\,609$ et $\sqrt{10\,609} = 103$.

Comme $\Delta > 0$, $P(t)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-(-23) - \sqrt{10\,609}}{2 \times 45} &= \frac{23 - \sqrt{10\,609}}{90} & \frac{-(-23) + \sqrt{10\,609}}{2 \times 45} &= \frac{23 + \sqrt{10\,609}}{90} \\ &= \frac{23 - 103}{90} & &= \frac{23 + 103}{90} \\ &= \frac{-80}{90} & &= \frac{126}{90} \\ &= \frac{-8 \times 10}{9 \times 10} & &= \frac{7 \times 18}{5 \times 18} \\ &= \frac{-8}{9} & &= \frac{7}{5} \end{aligned}$$

Les racines de P sont $t_1 = \frac{-8}{9}$ et $t_2 = \frac{7}{5}$.

►3. $-t^2 + t + 6 = 0$

Je calcule $\Delta = 1^2 - 4 \times (-1) \times 6 = 25$ et $\sqrt{25} = 5$.

Comme $\Delta > 0$, $P(t)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-1 + \sqrt{25}}{2 \times (-1)} &= \frac{-1 + \sqrt{25}}{-2} & \frac{-1 - \sqrt{25}}{2 \times (-1)} &= \frac{-1 - \sqrt{25}}{-2} \\ &= \frac{-1 + 5}{-2} & &= \frac{-1 - 5}{-2} \\ &= \frac{4}{-2} & &= \frac{-6}{-2} \\ &= -2 & &= 3 \end{aligned}$$

Les racines de P sont $t_1 = -2$ et $t_2 = 3$.

Corrigé de l'exercice 5

Résoudre les équations suivantes :

►1. $t^2 - 7t + 10 = 0$

Je calcule $\Delta = (-7)^2 - 4 \times 1 \times 10 = 9$ et $\sqrt{9} = 3$.

Comme $\Delta > 0$, $P(t)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-(-7) - \sqrt{9}}{2 \times 1} &= \frac{7 - \sqrt{9}}{2} & \frac{-(-7) + \sqrt{9}}{2 \times 1} &= \frac{7 + \sqrt{9}}{2} \\ &= \frac{7 - 3}{2} & &= \frac{7 + 3}{2} \\ &= \frac{4}{2} & &= \frac{10}{2} \\ &= 2 & &= 5 \end{aligned}$$

Les racines de P sont $t_1 = 2$ et $t_2 = 5$.

►2. $15y^2 + 14y - 16 = 0$

Je calcule $\Delta = 14^2 - 4 \times 15 \times (-16) = 1\,156$ et $\sqrt{1\,156} = 34$.

Comme $\Delta > 0$, $P(y)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-14 - \sqrt{1\,156}}{2 \times 15} &= \frac{-14 - \sqrt{1\,156}}{30} & \frac{-14 + \sqrt{1\,156}}{2 \times 15} &= \frac{-14 + \sqrt{1\,156}}{30} \\ &= \frac{-14 - 34}{30} & &= \frac{-14 + 34}{30} \\ &= \frac{-48}{30} & &= \frac{20}{30} \\ &= \frac{-8 \times 6}{5 \times 6} & &= \frac{2 \times 10}{3 \times 10} \\ &= \frac{-8}{5} & &= \frac{2}{3} \end{aligned}$$

Les racines de P sont $y_1 = \frac{-8}{5}$ et $y_2 = \frac{2}{3}$.

►3. $t^2 + 3t + 4 = 0$

Je calcule $\Delta = 3^2 - 4 \times 1 \times 4 = -7$.

Comme $\Delta < 0$, $P(t)$ n'a pas de racines.

Corrigé de l'exercice 6

Résoudre les équations suivantes :

►1. $x^2 + 14x + 40 = 0$

Je calcule $\Delta = 14^2 - 4 \times 1 \times 40 = 36$ et $\sqrt{36} = 6$.

Comme $\Delta > 0$, $P(x)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-14 - \sqrt{36}}{2 \times 1} &= \frac{-14 - \sqrt{36}}{2} & \frac{-14 + \sqrt{36}}{2 \times 1} &= \frac{-14 + \sqrt{36}}{2} \\ &= \frac{-14 - 6}{2} & &= \frac{-14 + 6}{2} \\ &= \frac{-20}{2} & &= \frac{-8}{2} \\ &= -10 & &= -4 \end{aligned}$$

Les racines de P sont $x_1 = -10$ et $x_2 = -4$.

►2. $-5t^2 - 19t + 4 = 0$

Je calcule $\Delta = (-19)^2 - 4 \times (-5) \times 4 = 441$ et $\sqrt{441} = 21$.

Comme $\Delta > 0$, $P(t)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-(-19) + \sqrt{441}}{2 \times (-5)} &= \frac{19 + \sqrt{441}}{-10} & \frac{-(-19) - \sqrt{441}}{2 \times (-5)} &= \frac{19 - \sqrt{441}}{-10} \\ &= \frac{19 + 21}{-10} & &= \frac{19 - 21}{-10} \\ &= \frac{40}{-10} & &= \frac{-2}{-10} \\ &= -4 & &= \frac{1 \times (-2)}{5 \times (-2)} \\ & & &= \frac{1}{5} \end{aligned}$$

Les racines de P sont $t_1 = -4$ et $t_2 = \frac{1}{5}$.

►3. $-y^2 + y + 1 = 0$

Je calcule $\Delta = 1^2 - 4 \times (-1) \times 1 = 5$.

Comme $\Delta > 0$, $P(y)$ a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-1 + \sqrt{5}}{2 \times (-1)} &= \frac{-1 + \sqrt{5}}{-2} & \frac{-1 - \sqrt{5}}{2 \times (-1)} &= \frac{-1 - \sqrt{5}}{-2} \\ &= \frac{1 \times (-1) - 1 \times (-1) \sqrt{5}}{2 \times (-1)} & &= \frac{1 \times (-1) + 1 \times (-1) \sqrt{5}}{2 \times (-1)} \\ &= \frac{1 - \sqrt{5}}{2} & &= \frac{1 + \sqrt{5}}{2} \end{aligned}$$

Les racines de P sont $y_1 = \frac{1 - \sqrt{5}}{2}$ et $y_2 = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$.